

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
المسالك الدولية – خيار فرنسية  
الدورة الاستدراكية 2019  
- الموضوع -

\*\*\*\*\*

RS22F

ՀԱՅԱՍՏԱՆԻ ՀԱՆՐԱՊԵՏՈՒԹՅԱՆ  
ԿՐԹԱԿԱՆՈՒԹՅԱՆ ԳՆԱՀԱՏՈՒՄԻ  
ՄԻՆԻՍՏԵՐԱԿԱՆ ԵՎ  
ԳՐԱԴԱՐԱՆԻ ՄԱՍԻ ԿԵՆՏՐՈՆԻ



السلطة الوطنية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني  
والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

3	مدة الانجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية – خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

## INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

## COMPOSANTES DU SUJET

L'épreuve est composée de trois exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, calcul intégral et suites numériques	11 points

**Exercice 1 : (3 points )**

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , on considère les points

$A(1, 2, 2)$ ,  $B(3, -1, 6)$  et  $C(1, 1, 3)$

- 0.75 1) a) Vérifier que  $\vec{AB} \wedge \vec{AC} = \vec{i} - 2\vec{j} - 2\vec{k}$
- 0.5 b) En déduire que  $x - 2y - 2z + 7 = 0$  est une équation cartésienne du plan  $(ABC)$
- 0.75 2) Soient les points  $E(5, 1, 4)$  et  $F(-1, 1, 12)$  et  $(S)$  l'ensemble des points  $M$  vérifiant  $\overline{ME} \cdot \overline{MF} = 0$ . Montrer que  $(S)$  est la sphère de centre  $\Omega(2, 1, 8)$  et de rayon  $R = 5$
- 0.5 3) a) Calculer  $d(\Omega, (ABC))$  distance du point  $\Omega$  au plan  $(ABC)$
- 0.5 b) En déduire que le plan  $(ABC)$  coupe la sphère  $(S)$  selon un cercle  $(\Gamma)$  de rayon  $r = 4$

**Exercice 2 : (3 points )**

- 0.75 1) a) Résoudre dans l'ensemble  $\mathbb{C}$  des nombres complexes l'équation :  $z^2 - 3z + 3 = 0$
- 0.5 b) On pose  $a = \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$ , écrire  $a$  sous forme trigonométrique .
- 0.5 2) On considère le nombre complexe  $b = \frac{\sqrt{2}}{2}(1+i)$ , vérifier que  $b^2 = i$
- 0.5 3) On pose  $h = \cos \frac{\pi}{12} + i \sin \frac{\pi}{12}$ , montrer que  $h^4 + 1 = a$
- 4) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct  $(O, \vec{u}, \vec{v})$ , on considère le point  $B$  d'affixe  $b$  et  $R$  la rotation de centre  $O$  et d'angle  $\frac{\pi}{2}$
- 0.5 a) Soit  $c$  l'affixe du point  $C$  image du point  $B$  par la rotation  $R$ . Montrer que  $c = ib$
- 0.25 b) En déduire la nature du triangle  $OBC$

**Exercice 3 : (3 points )**

Une urne contient une boule rouge, deux boules blanches et trois boules noires indiscernables au toucher. On tire au hasard successivement et avec remise trois boules de l'urne.

Soient les événements suivants :

$A$  : "les trois boules tirées sont de même couleur "

$B$  : "Il n'y a aucune boule blanche parmi les boules tirées "

$C$  : "Il y a exactement deux boules blanches parmi les boules tirées "

- 2 1) Montrer que  $p(A) = \frac{1}{6}$  et  $p(B) = \frac{8}{27}$
- 1 2) Calculer  $p(C)$ .

**Problème : (11 points)****Première partie :**

Soit  $f$  la fonction numérique définie sur  $\mathbb{R}^*$  par :  $f(x) = 2 + 8 \left( \frac{x-2}{x} \right)^2 e^{x-4}$

et  $(C)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (unité : 1 cm)

- 0.5 1) a) Vérifier que  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$  et interpréter le résultat géométriquement
- 0.5 b) Vérifier que  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$  et interpréter le résultat géométriquement
- 0.5 2) a) Calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
- 0.5 b) Montrer que la courbe  $(C)$  admet une branche parabolique de direction l'axe des ordonnées au voisinage de  $+\infty$
- 0.75 3) a) Montrer que  $f'(x) = \frac{8(x-2)(x^2-2x+4)e^{x-4}}{x^3}$  pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}^*$
- 0.25 b) Vérifier que pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}$ ,  $x^2 - 2x + 4 > 0$
- 0.75 c) Montrer que la fonction  $f$  est strictement décroissante sur  $]0, 2]$  et strictement croissante sur chacun des intervalles  $]-\infty, 0[$  et  $[2, +\infty[$
- 0.5 d) Dresser le tableau de variations de la fonction  $f$  sur  $\mathbb{R}^*$
- 1 4) Construire la courbe  $(C)$  dans le repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$
- 0.5 5) a) Vérifier que la fonction  $H : x \mapsto \frac{1}{x} e^{x-4}$  est une fonction primitive de la fonction  $h : x \mapsto \frac{x-1}{x^2} e^{x-4}$  sur  $[2, 4]$
- 0.25 b) Vérifier que  $f(x) = 2 + 8e^{x-4} - 32 \frac{(x-1)}{x^2} e^{x-4}$  pour tout  $x$  de  $\mathbb{R}^*$
- 0.5 c) Calculer l'intégrale  $\int_2^4 e^{x-4} dx$
- 0.75 d) Calculer en  $cm^2$  l'aire du domaine plan limité par  $(C)$ , l'axe des abscisses et les droites d'équations  $x = 2$  et  $x = 4$

**Deuxième partie :**

1) On considère la fonction numérique  $g$  définie sur  $[2, 4]$  par  $g(x) = 8(x-2)e^{x-4} - x^2$

0.25 a) Calculer  $g(4)$

0.5 b) Vérifier que pour tout  $x$  de l'intervalle  $[2, 4]$ ,  $g(x) = -(x-4)^2 e^{x-4} + x^2 (e^{x-4} - 1)$

- 0.5 c) vérifier que pour tout  $x$  de l'intervalle  $[2,4]$  :  $e^{x-4} - 1 \leq 0$  puis en déduire que pour tout  $x$  de l'intervalle  $[2,4]$  :  $g(x) \leq 0$
- 0.5 2) a) Vérifier que pour tout  $x$  de l'intervalle  $[2,4]$  ,  $f(x) - x = \left(\frac{x-2}{x^2}\right)g(x)$
- 0.25 b) En déduire que pour tout  $x$  de l'intervalle  $[2,4]$  ,  $f(x) \leq x$
- 3) Soit  $(u_n)$  la suite numérique définie par :  $u_0 = 3$  et  $u_{n+1} = f(u_n)$  pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$
- 0.5 a) Montrer par récurrence que  $2 \leq u_n \leq 4$  pour tout  $n$  de  $\mathbb{N}$
- 0.5 b) Déterminer la monotonie de la suite  $(u_n)$  et en déduire qu'elle est convergente
- 0.75 c) Calculer la limite de la suite  $(u_n)$ .

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
المسالك الدولية – خيار فرنسية  
الدورة الاستدراكية 2019  
- عناصر الإجابة -

\*\*\*\*\*

RR22F

ⵜⴰⴳⴷⴰⵏⵜ ⵏ ⵎⴰⵔⴷⴰⵢⵜ  
ⵜⴰⵎⴰⵏⴰⵢⵜ ⵏ ⵔⴰⵎⴰⵙⵜ  
ⵏ ⵔⴰⵎⴰⵙⵜ ⵏ ⵎⴰⵔⴷⴰⵢⵜ  
ⵏ ⵔⴰⵎⴰⵙⵜ ⵏ ⵎⴰⵔⴷⴰⵢⵜ



السلطة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني  
والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

المادة	الرياضيات	مدة الانجاز	3
الشعبة أو المسلك	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية – خيار فرنسية	المعامل	7

On prendra en compte les différentes étapes de la solution et on acceptera toute méthode correcte .

Exercice1 ( 3points )

1	a	0.75
	b	0.5
2	0.75 : 0.25 pour la nature de l'ensemble des points , 0.25 pour le centre et 0.25 pour le rayon	
3	a	0.5
	b	0.5 : 0.25 pour montrer l'intersection selon un cercle et 0.25 pour le rayon

Exercice2 ( 3points )

1	a	0.75: 0.25 pour le discriminant et 0.25 pour chacune des solutions
	b	0.5
2	0.5	
3	0.5	
4	a	0.5
	b	0.25

Exercice3 ( 3points )

1	2 : 1 pour chaque probabilité	
2	1	

### Problème (11 points)

Première partie	1	a	0.5 : 0.25 pour la vérification et 0.25 pour l'interprétation géométrique	
		b	0.5 : 0.25 pour la vérification et 0.25 pour l'interprétation géométrique	
	2	a	0.5	
		b	0.5 : 0.25 pour le calcul de la limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ et 0.25 pour la branche parabolique	
	3	a	0.75	
		b	0.25	
		c	0.75: 0.25 pour la monotonie sur chacun des trois intervalles	
		d	0.5	
	4	1 point à distribuer selon ce qui est précisé sur la figure ci dessous		
		a	0.5	
		b	0.25	
		c	0.5	
	d	0.75: 0.25 pour la formule de l'aire et 0.5 pour le calcul		

Deuxième partie	1	a	0.25
		b	0.5
		c	0.5: 0.25 pour $e^{x-4} - 1 \leq 0$ et 0.25 pour $g(x) \leq 0$
	2	a	0.5
		b	0.25
	3	a	0.5
		b	0.5 : 0.25 pour la monotonie et 0.25 pour la convergence
		c	0.75 : 0.5 pour vérifier les conditions du théorème et 0.25 pour le calcul de la limite